

CORDES, NUSOS i ESTAQUES

Albert Fàbrega

"...aquell passiu bé que quasi arrogant
desplegament de geomètrica perfecció.."

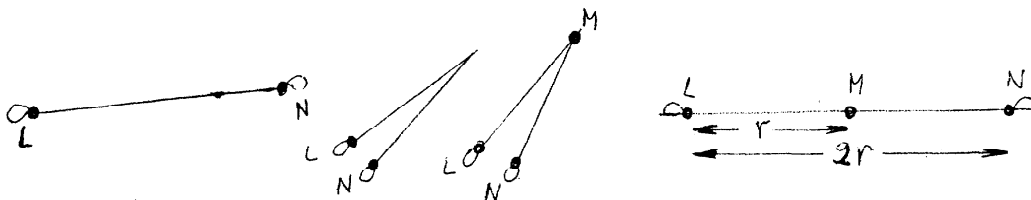
2001, Una odissea de l'espai

Arthur C. Clarke

No es freqüent aprendre coses veient la TV. Però fa uns dies per casualitat vaig veure un documental del qual no recordo el títol, però que em retingué davant l'aparell per l'única raó que duia la firma d'Arthur C. Clarke. Ben mirat no vaig capir moltes de les coses que es comentaven i d'altres eren difícils de creure.

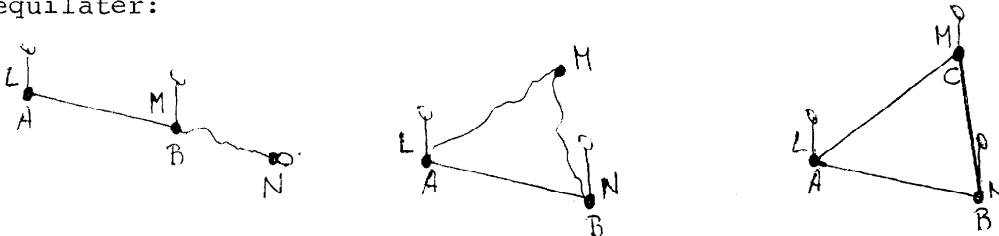
Bé, el cas és que feia referència a uns curiosos monuments megalítics anomenats cercles de pedra, que són abundants a Anglaterra, i el més famós dels quals és Stonehenge. Estan datats del 3000 al 1000 a.c.. Encara que sota el nom de cercles, tenen diverses formes -algunes el·líptiques- i en un d'ells -no recordo quin- un arqueòleg va suggerir una geometria que em va cridar l'atenció. He intentat reproduir la construcció i no sé si és exactament la que ell indicava. Però té un extrany encís; com un corrent que arrenca de molt lluny, en el temps en que neixia la geometria amb cordills, nusos i estaques, i arriba a nosaltres -que a vegades semblen 'passar' de la geometria- amb certa sorpresa.

Agafem un cordill i fem tres nusos. Dos als extrems i un al mig:



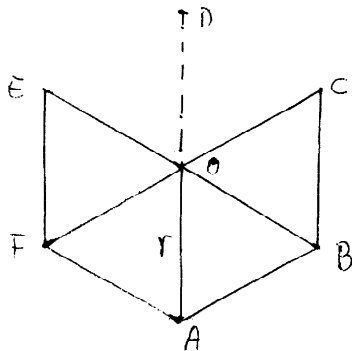
Amb aquesta eina i unes estaques és molt fàcil construir cercles de radi r o $2r$ i triangles equilaterals de costat r .

Per exemple, clavem una estaca a A, passem el llaç L per A i clavem una altra estaca B a M. Ara posem el llaç N a B i tensem la corda. Si posem una estaca C a M tenim un triangle equilàter:

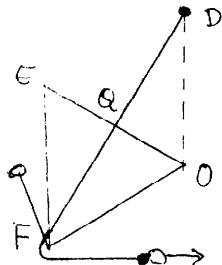


Tant si unim sis d'aquests triangles, com si fem la circunferència de radi r , obtenim un hexàgon regular.

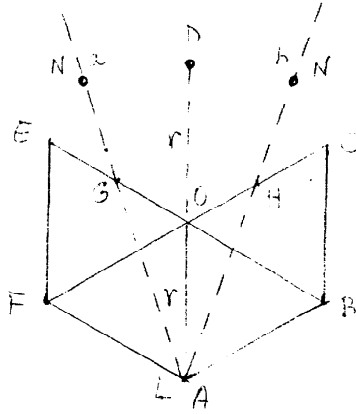
Supossem que tenim doncs construïda la següent figura:



Si coloquem estaques als punts de A a F -cosa que per altra banda hem de fer per construir els triangles- no és difícil trobar els punts mitjos de OC i OE. Es suficient posar el llaç L a D i tensar la corda al voltant de F i B:

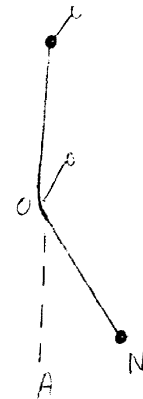
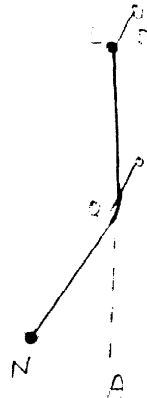
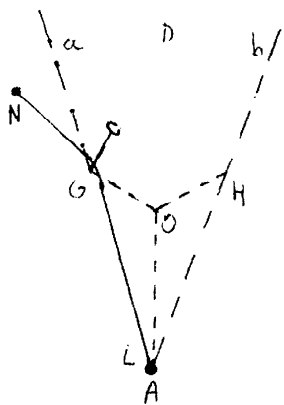


Diem G i H a aquests punts i posem-hi les estagues corresponents:



Bé, ara posem el llaç a l'estaca A i descrivim un arc de radi $2r$ (longitud de la corda) tan ample com ens permetin les estagues G i H. És a dir de a a b. Si ara seguim a l'esquerra de a i a la dreta de b -recolzant-nos a G i H- obtenim uns altres arcs, af i bc, però ara de circumferències de centres G i H. No obstant no cal tocar la corda.

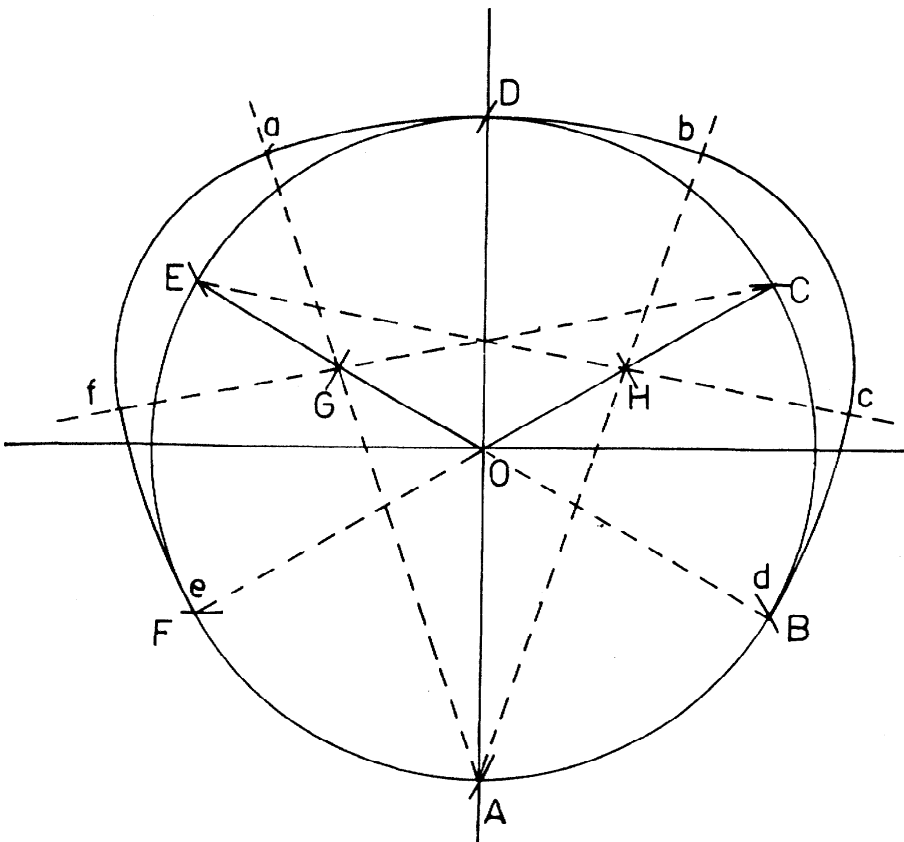
Si ara posem el llaç L a D, recolzant-nos a O, podem fer arcs de la circumferència de radi r i centres O i obtenim de:



Finalment, amb el llaç L a C i E, i fent arcs entre les estagues a O i H, i a O i G, tanquem el "cercle" amb cd i ef.

No cal dir que si variem les distancies de les estagues G i H a O, obtenim 'cercles ' més o menys "arbonsagats", entre les dues posicions límit, una de les quals és la circumferència de centre O i radi r i l'altra correspon a l'última figura, on les estagues G i H estan a E i C respectivament.

També es pot fer que a A li surti un "bony" com a E i C. Així obtenim una figura amb simetria trifoliada com el triangle equilàter.



Segons sembla, la polemica sobre els coneixements i finalitats dels constructors de megalits és molt forta. Al respecte podeu veure l'article de Glyn Daniel "Monumentos megalíticos" a investigación y Ciencia de Setembre de 1980.